

الدرس 1

المسافة في المستوى الإحداثي Distance in the Coordinate Plane

أتحقق من فهمي

استعمل خط الأعداد المبين أعلاه لأجد كلاً ممَّا يأتي :

a) AD $AD = |0 - (-8)| = 8$

b) CB $CB = |(-5) - (-2)| = 3$

أتحقق من فهمي

أجد المسافة بين كل نقطتين مما يأتي، مقرئًا إجابتي لأقرب جزء من عشرة (إن لزم) :

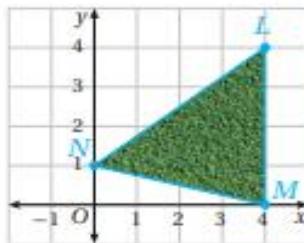
a) $C(5, 0), D(-7, 9)$

$CD = 15$

b) $G(4, -2), H(8, -8)$

$GH \approx 7.2$

أتحقق من فهمي



يظهرُ في المستوى الإحداثي المجاور مخططٌ حديقة مثلثٌ الشكل، يرغبُ خالدُ في تركيب مرئاتٍ لريها عند رؤوسِ المثلث. إذا كانت كل وحدة في المستوى الإحداثي تمثل متراً واحداً، فأجد طول الأنابيب التي تصلُ بين المرئات الثلاثة، مقرئًا إجابتي لأقرب جزء من عشرة.

إجابة التدريب في بند (أتحقق من فهمي 3):

$L(4, 4), M(4, 0), N(0, 1)$

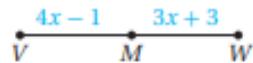
$LM = 4 \text{ m}, MN \approx 4.1 \text{ m}, LN = 5 \text{ m}$

طول الأنابيب التي تصل بين المرئات الثلاثة:

$$LM + MN + LN = 4 + 4.1 + 5 \approx 13.1 \text{ m}$$

أتحقق من فهمي

- (a) إذا كان إحداثي نقطةٍ نهائيةٍ \overline{PT} مُما -9 و 10، فأجد إحداثي نقطةٍ مُتصفٍ \overline{PT} .
 (b) في الشكل المُجاور، إذا كانت M نقطةٍ مُتصفٍ \overline{VW} ، فأجد طول \overline{VM} و طول \overline{VW} .



إجابة التدريب في بند (أتحقق من فهمي 4):

$$\text{إحداثي نقطة مُتصف } \overline{PT} = \frac{1}{2} : \overline{PT}$$

$$4x - 1 = 3x + 3 \Rightarrow x = 4$$

$$VM = 4(4) - 1 = 15, VW = 2 \times 15 = 30$$

أتحقق من فهمي

أجد إحداثيَّيَّ النقطةِ M ، التي تمثّلُ مُتصفَّ \overline{HI} ؛ حيثُ $(3, -5)$ و $(-1, -7)$ و $H(5, -3)$.

أتحقق من فهمي

إذا كانت $(-5, 10)$ نقطةٌ مُتصفٌ \overline{EP} ؛ حيثُ $(-8, 6)$ ، فأجد إحداثيَّيَّ النقطةِ P .

أتدرب وأخل المسائل



استعمل خط الأعداد المُجاور لأجد كُلَّ ممٍّ يائي:

1 AB 8

2 CD 7

3 CB 13

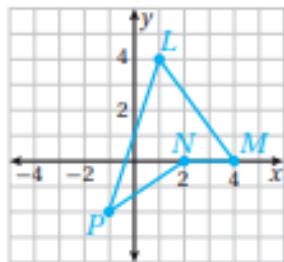
4 AC 5

أَجِدُ المسافةَ بَيْنَ كُلَّ نقطتينِ مَتَا يَأْتِي، مَقْرِبًا إِجَابيًّا لِأَقْرِبِ جُزْءٍ مِنْ عَشَرَةَ (إِنْ لَزِمَّ):

5) $C(-1, 6), D(4, 8)$
 $CD \approx 5.4$

6) $E(6, -1), F(2, 0)$
 $EF \approx 4.1$

7) $G(4, -5), H(0, 2)$
 $GH \approx 8.1$



$LM = 5, MN = 2, NP \approx 3.6, PL \approx 6.3$

محيط المثلث: $LM + MN + NP + PL \approx 5 + 2 + 3.6 + 6.3 \approx 16.9$

أَجِدُ محيطَ المُضلعِ المُعطاً رُؤُسُهُ فِي الْمُسْتَوِيِّ
الْإِحْدَائِيِّ الْمُجاوِرِ.

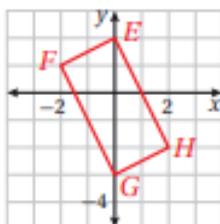


أَسْتَعْمِلُ خُطَّ الْأَعْدَادِ الْمُجاوِرِ لِأَجِدُ إِحْدَائِيًّا نَقْطَةَ الْمُتَصَفِّ
لِكُلِّ مِنَ الْقُطْعِ الْمُسْتَقِيمَةِ الْآتِيَّةِ:

9) \overline{RS}
[إِحْدَائِيٌّ نَقْطَةٌ مُتَصَفٌ هُوَ -6]

10) \overline{UV}
[إِحْدَائِيٌّ نَقْطَةٌ مُتَصَفٌ هُوَ $1\frac{1}{2}$]

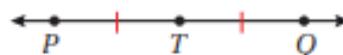
11) \overline{VS}
[إِحْدَائِيٌّ نَقْطَةٌ مُتَصَفٌ هُوَ 2]



أَجِدُ مَسَاحَةَ الْمُسْتَطِيلِ $FEHG$ الْمُعطاً رُؤُسُهُ فِي
الْمُسْتَوِيِّ الْإِحْدَائِيِّ الْمُجاوِرِ.

مساحة المستطيل: $A = l \times w = \sqrt{5} \times 2\sqrt{5} = 10$

أَسْتَعْمِلُ الشَّكْلَ أَدْنَاهُ لِأَجِدُ PT فِي كُلِّ مَا يَأْتِي:



13) $PT = 5x + 3, TQ = 7x - 9$ $PT = 33$

14) $PT = 7x - 24, TQ = 6x - 2$ $PT = 130$

أَجِدُ إِحْدَائِيًّا نَقْطَةَ مُتَصَفِّ \overline{HK} فِي كُلِّ مِنَ الْحَالَاتِ الْآتِيَّةِ:

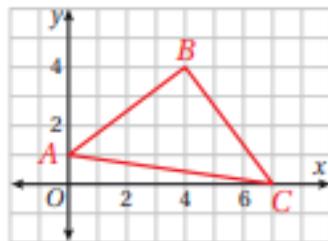
15) $H(7, 3), K(-4, -1)$ $M\left(\frac{3}{2}, 1\right)$ 16) $H(-4, -5), K(2, 9)$ $M(-1, 2)$ 17) $H(-6, 10), K(8, -2)$
 $M(1, 4)$

أَجِدُ إِحْدَائِيًّا نَقْطَةَ نَهَايَةِ الْقَطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ \overline{CD} الْمُجَهَّلَةِ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي. عَلَمَا أَنَّ M نَقْطَةَ مُتَصَفِّ \overline{CD} :

18) $C(-5, 4), M(-2, 5)$
 $D(1, 6)$

19) $D(1, 7), M(-3, 1)$
 $C(-7, -5)$

20) $D(-4, 2), M(6, -1)$
 $C(16, -4)$

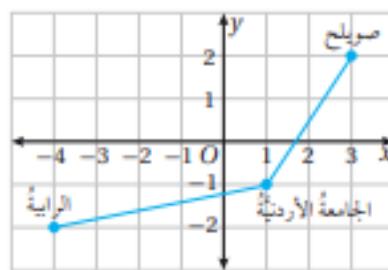


استعمل الشكل المجاور الذي يبيّن $\triangle ABC$ في المستوى الإحداثي، للإجابة عن السؤالين الآتيين تباعاً:

- أحد نوع المثلث من حيث الأضلاع. 21
المثلث متطابق الضلعين؛ لأن $AB = BC$

- أجد محيط المثلث. 22

$$\text{محيط المثلث: } AB + BC + AC = 5 + 5 + 7.1 \approx 17.1$$



مسافة تظهر في المستوى الإحداثي المجاور 3 مناطق في العاصمة عمّان، هي: صويلح، والجامعة الأردنية، والرايبة. إذا كانت كل وحدة في المستوى الإحداثي تمثل كيلومتراً واحداً، فأجد المسافة بين صويلح والجامعة الأردنية والمسافة بين الرايبة والجامعة الأردنية، مقرّباً إجابتي لأقرب جزء من عشرة.

موقع صويلح (2, 3)، موقع الجامعة الأردنية (1, -1)، موقع الرايبة (-4, -2).
المسافة بين صويلح والجامعة: 3.6 km. المسافة بين الجامعة والرايبة: 5.1 km تقريباً.

الدرس

2

البعد بين نقطة ومستقيم Distance between a Point and a Line

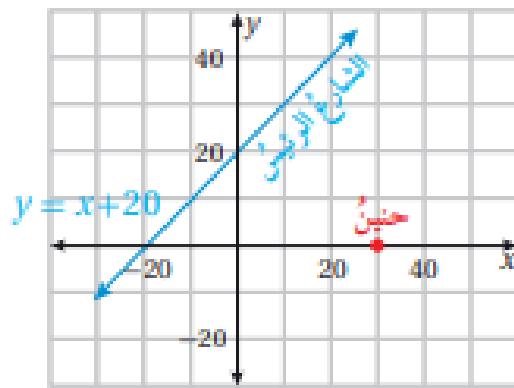
أتحقق من فهمي 1.9 وحدة طول تقريباً.

أجدَّ البعْدَ بَيْنَ النَّقْطَةِ $(1, 0)$ وَالْمُسْتَقِيمِ l الَّذِي مُعَادِلُهُ: $y = 3x + 3$

أتحقق من فهمي

أجدَّ البعْدَ بَيْنَ النَّقْطَةِ $(3, -1)$ وَالْمُسْتَقِيمِ $3x - 4y = 16$ وَحدَاتٍ طول.

أتحقق من فهمي



يظهرُ فِي المُسْتَوِيِ الإِحْدَاثِيِّ الْمُجَاوِرِ مَوْقِعُ مَنْزِلِ حَنِينَ بِالنِّسْبَةِ إِلَى الشَّارِعِ الرَّئِيْسِ الْمُزَدَّيِّ إِلَى مَدْرِسَتِهَا. إِذَا كَانَتْ مُعَادِلَةُ الْمُسْتَقِيمِ الَّذِي يَمْثُلُ الشَّارِعِ الرَّئِيْسِ هِيَ $y = x + 20$, فَلَأَجِدَّ أَقْصَرَ مَسَافَةً بَيْنَ مَنْزِلِ حَنِينَ وَالطَّرِيقِ، مَقْرَبًا إِجَابِيًّا لِأَقْرِبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

أتحقق من فهمي

أجدَّ البعْدَ بَيْنَ الْمُسْتَقِيمَيْنِ الْمُتَوَارِيْتَيْنِ m, n إِذَا كَانَتْ مُعَادِلَتِهِمَا: $x - 7y + 14 = 0$, $x - 7y - 11 = 0$

تَقُعُ النَّقْطَةُ $(7, 3)$ عَلَى الْمُسْتَقِيمِ الَّذِي مُعَادِلُهُ $x - 7y + 14 = 0$ وَيُعَدُّهَا عَنِ الْمُسْتَقِيمِ الْآخَرِ

يُساوِي 3.5 وَحدَةً تقريبيًّا.

أَجِدُ البعدَ بَيْنَ النَّقْطَةِ P وَالْمُسْتَقِيمِ l فِي كُلِّ مَا يَأْتِي بِاستِعْمَالِ صِيغَةِ الْبُعدِ بَيْنَ نَقْطَةٍ وَمُسْتَقِيمٍ:

النَّقْطَةُ $(5, 7)$ وَالْمُسْتَقِيمُ l المَارُ بِالنَّقْطَتَيْنِ $(1, -2)$ وَ $(0, 1)$. 4

النَّقْطَةُ $(-9, 1)$ وَالْمُسْتَقِيمُ l المَارُ بِالنَّقْطَتَيْنِ $(4, 9)$ وَ $(4, -1)$. 5

أَجِدُ البعدَ بَيْنَ النَّقْطَةِ وَالْمُسْتَقِيمِ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي:

7) $y - \frac{1}{6}x + 6 = 0$, $P(-6, 5)$
11.8 تقريرًا.

8) $y = x + 2$, $Q(2, 4)$
0

9) $y + \frac{1}{4}x = 1$, $S(4, 3)$
2.9 تقريرًا.

10) $y = -3$, $T(5, 2)$

5

11) $x = 4$, $K(-2, 5)$

6

12) $y - x = 0$, $R(5, 3)$

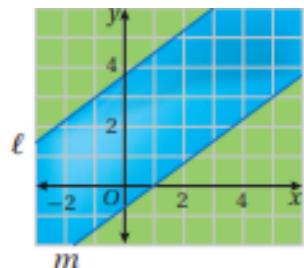
1.4 تقريرًا.

أَجِدُ البعدَ بَيْنَ كُلِّ مُسْتَقِيمَيْنِ مُتَوَازِيْنَ فِي مَا يَأْتِي:

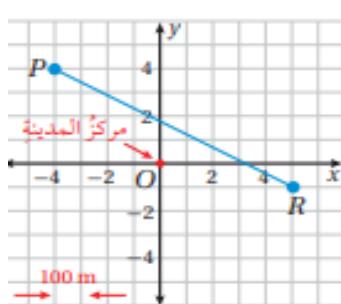
13) $4x - y + 1 = 0$
2.2 تقريرًا.
 $4x - y - 8 = 0$

14) $12x + 5y - 3 = 0$
0.8 تقريرًا.
 $12x + 5y + 7 = 0$

15) $2x - 3y + 4 = 0$
3.1 تقريرًا.
 $y = \frac{2}{3}x + 5$



16) نَهْرٌ: يَظْهُرُ فِي الْمُسْتَوِيِ الْإِحْدَاثِيِّ الْمُجاوِرِ جُزْءٌ مِنْ نَهْرٍ يَمْثُلُ الْمُسْتَقِيمَيْنِ l وَ m ضِيقَتِيْهِ. أَجِدُ عَرْضَ النَّهْرِ، مَقْرِبًا إِجَابَتِيْ لِأَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةِ عَلَمًا أَنَّ كُلَّ وَحدَةٍ فِي الْمُسْتَوِيِ الْإِحْدَاثِيِّ تَمْثِيلُ 10 أَمْتَارً. معادلة المستقيم l : $3x - 4y + 15 = 0$ معادلة المستقيم m : $3x - 4y - 3 = 0$ المسافة بين المستقيمين l , m في المستوى الإحداثي تساوي: 3.6. عرض النهر بالأمتار يساوي: $3.6 \times 10 = 36$ m



يَظْهُرُ فِي الْمُسْتَوِيِ الْإِحْدَاثِيِّ الْمُجاوِرِ مَنْزِلُ بِسْمَةَ الَّذِي يَقْعُدُ عَنْدَ النَّقْطَةِ P ، وَمَنْزِلُ رَشا الَّذِي يَقْعُدُ عَنْدَ النَّقْطَةِ R .

17) أَجِدُ طَوْلَ الطَّرِيقِ بَيْنَ مَنْزِلِ بِسْمَةِ وَمَنْزِلِ رَشا، $PR \approx 10.3$ ، الْمَسَافَةُ بَيْنَ مَنْزِلِ رَشا وَمَنْزِلِ بِسْمَةِ بِالْأَمْتَارِ تساوي:

18) أَجِدُ النَّقْطَةَ الَّتِي تَمْثِيلُ مُنْصَفَ الطَّرِيقِ بَيْنَ مَنْزِلِ بِسْمَةِ وَمَنْزِلِ رَشا. $(\frac{1}{2}, \frac{3}{2})$

19) إِذَا كَانَ مَرْكُزُ الْمَدِينَةِ يَقْعُدُ عَنْدَ نَقْطَةِ الْأَصْلِ، فَأَجِدُ أَقْرَبَ مَسَافَةَ بَيْنَ هَذَا

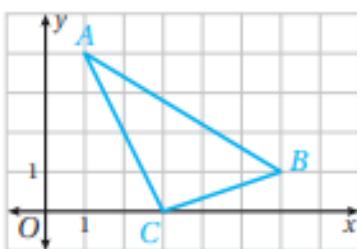
الْمَرْكُزِ وَالطَّرِيقِ الْوَاسِلِ بَيْنَ مَنْزِلِيْ بِسْمَةِ وَرَشا.

الْبُعدُ بَيْنَ النَّقْطَةِ O وَالْمُسْتَقِيمِ PQ تساوي تقريرًا: 1.6 وَحدَة.

الْبُعدُ بَيْنَ مَرْكُزِ الْمَدِينَةِ وَالطَّرِيقِ الْوَاسِلِ بَيْنَ مَنْزِلِيْ بِسْمَةِ وَرَشا بِالْأَمْتَارِ يَسَاوِي: $1.6 \times 100 = 160$ m

21

تبرير: أجد مساحة المثلث المرسوم في المستوى الإحداثي المجاور، وأبّرّز إجابتي.



إجابة السؤال في بند (أتدرب وأحل المسائل):

$$(21) \text{ صيغة مساحة المثلث } A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

فأحتاج إلى إيجاد طول القاعدة AB ، وارتفاع المثلث h وهو البعد بين النقطة C و \overline{AB} .

أولاً: أجد طول القاعدة AB

$$b = AB = \sqrt{34}$$

ثانياً: أجد ارتفاع المثلث h

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

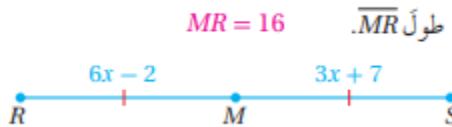
ثالثاً: أجد مساحة المثلث

$$A = \frac{1}{2} \times \sqrt{34} \times \frac{14}{\sqrt{34}} = 7$$

إذن مساحة المثلث ABC تساوي 7 وحدات مربعة.

اختبار نهاية الوحدة

13 في الشكل الآتي، إذا كانت M نقطةً مُنتصفً \overline{RS} ، فأجدُ



أَجِدُ البُعدَ بَيْنَ النَّقْطَةِ وَالْمَسْتَقِبِ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي:

16 $y = -x + 2$, $P(8, 4)$ $5\sqrt{2}$

17 $x - 3y + 9 = 0$, $Q(-13, 6)$ $\frac{11\sqrt{10}}{5}$

18 $y - 4x = 7$, $B(-13, 6)$ 12.4

19 $y - 1 = 5x$, $S(3, 3)$ $\frac{\sqrt{26}}{2}$

20 $y + 2x + 15 = 0$, $M(-1, -4)$ $9\frac{\sqrt{5}}{5}$

21 $2x + y + 5 = 0$, $N(0, 0)$ $\sqrt{5}$

أَجِدُ البُعدَ بَيْنَ كُلِّ مَسْتَقِبَيْنِ مُتَوَازِيْنِ فِي مَا يَأْتِي:

23 $x + 2y - 3 = 0$

24 $9x + 12y + 10 = 0$

$x + 2y + 4 = 0$

$9x + 12y - 20 = 0$

3.13 وحدة تقريرياً.

2 وحدة.

أمنياتي لكن بال توفيق

ا . منار المناصير

أختار رمز الإجابة الصحيحة لـ كُلِّ مَا يَأْتِي:

1 المسافةُ بَيْنَ النَّقْطَيْنِ $(-3, -2)$ وَ $(-1, 4)$, هُما:

- a) $\sqrt{26}$ b) $\sqrt{40}$
c) $\sqrt{20}$ d) $\sqrt{34}$

2 إِحْدَائِيَّنَّ نَقْطَةً مُنْتَصَفٍ \overline{CD} , حِيثُ

وَ $D(-3, 6)$, هُما:

- a) $(-1, 2)$ b) $(-1, 4)$
c) $(1.5, -0.5)$ d) $(-4.5, 1.5)$

3 إِذَا كَانَتْ (3, 3) نَقْطَةً مُنْتَصَفٍ \overline{AB} , حِيثُ

وَ $B(7, 4)$, فَإِنَّ إِحْدَائِيَّنَّ النَّقْطَةِ A هُما:

- a) $(-11, 16)$ b) $(11, -16)$
c) $(11, 16)$ d) $(-11, -16)$

4 نَقْطَةٌ تَقَاطِعُ قُطْرَيْنِ مُرْبِعٍ طُولُ ضِلَاعِهِ 5 وَ رَأْسَاهُ $(0, 0)$

وَ (s, s) , هُيَّا:

- a) (s, s) b) $(2s, 2s)$
c) $(\frac{s}{2}, \frac{s}{2})$ d) $(\frac{s}{2}, 0)$

أَجِدُّ المسافةَ بَيْنَ كُلِّ نَقْطَيْنِ مَا يَأْتِي، مُقْرِنًا إِجَابِيًّا لِأَقْرِبِ

جُزْءِ مِنْ عَشَرَةِ (إِنْ لَمْ):

5 $A(2, 2)$, $B(6, 5)$ 5 **7** $N(-3, 2)$, $M(9, 7)$ 13

8 $P(1, 5)$, $T(7, -3)$ 10 **9** $F(-6, -4)$, $J(9, 4)$ 17

أَجِدُّ إِحْدَائِيَّنَّ نَقْطَةً مُنْتَصَفٍ \overline{AB} فِي كُلِّ مِنَ الْحَالَاتِ الآتِيَّةِ:

10 $A(8, 4)$, $B(12, 2)$ $(10, 3)$

11 $A(9, 5)$, $B(8, -6)$ $(8\frac{1}{2}, -\frac{1}{2})$

12 $A(-11, -4)$, $B(-9, -2)$ $(-10, -3)$