

الاجابة النموذجية



مدارس الكلية العلمية الإسلامية

جبل عمان - الجبیه

صحيفة الأعمال (3)

المعادلات التربيعية

المعلم/ سعود الهنداوي

السنة الدراسية	
الفصل الدراسي	الأول

التاريخ

اسم الطالب	
الصف والشعبة	التاسع ()
المدرسة	

السؤال الأول: أحل كلاً من المعادلات الآتية بالتحليل ؟

- | | |
|---|--|
| <p>1) $x^2 - 5x - 24 = 0$
 $\rightarrow (x-8)(x+3) = 0$
 $\rightarrow x-8=0 \rightarrow x=8$
 $\rightarrow x+3=0 \rightarrow x=-3$</p> | <p>2) $x^2 - 8x - 16 = 0$
 $\rightarrow (x-4)(x-4) = 0$
 $\rightarrow x-4=0 \rightarrow x=4$
 حل واحد مكرر</p> |
| <p>3) $x^2 = 9x - 20$
 $\rightarrow x^2 - 9x + 20 = 0$
 $\rightarrow (x-4)(x-5) = 0$
 $\rightarrow x-4=0 \rightarrow x=4$
 $\rightarrow x-5=0 \rightarrow x=5$</p> | <p>4) $x^2 = 30 + x$
 $x^2 - x - 30 = 0$
 $(x-6)(x+5) = 0$
 $\rightarrow x-6=0 \rightarrow x=6$
 $x+5=0 \rightarrow x=-5$</p> |
| <p>5) $2x^2 - x = 15 \rightarrow 2x^2 - x - 15 = 0$
 $\rightarrow (x-\frac{6}{2})(x+\frac{5}{2}) = 0$
 $\rightarrow (x-3)(x+\frac{5}{2}) = 0$
 $\rightarrow x-3=0 \rightarrow x=3, x+\frac{5}{2}=0 \rightarrow x=-\frac{5}{2}$</p> | <p>6) $x^2 - 11x = -24$
 $\rightarrow x^2 - 11x + 24 = 0$
 $(x-8)(x-3) = 0$
 $\rightarrow x-8=0 \rightarrow x=8$
 $\rightarrow x-3=0 \rightarrow x=3$</p> |
| <p>7) $x^2 - 10x + 22 = -2$
 $\rightarrow x^2 - 10x + 24 = 0$
 $\rightarrow (x-6)(x-4) = 0$
 $\rightarrow x-6=0 \rightarrow x=6$
 $\rightarrow x-4=0 \rightarrow x=4$</p> | <p>8) $t^2 + 3t - 12 = 6$
 $t^2 + 3t - 18 = 0$
 $(t+6)(t-3) = 0$
 $\rightarrow t+6=0 \rightarrow t=-6$
 $\rightarrow t-3=0 \rightarrow t=3$</p> |
| <p>9) $x^2 - 5x - 24 = 0$
 $\rightarrow (x-8)(x+3) = 0$
 $\rightarrow x-8=0 \rightarrow x=8$
 $\rightarrow x+3=0 \rightarrow x=-3$</p> | <p>10) $7r^2 - 14r = -7 \rightarrow 7r^2 - 14r + 7 = 0$
 $\rightarrow r^2 - 2r + 1 = 0$
 $(r-1)(r-1) = 0$
 $\rightarrow r-1=0 \rightarrow r=1$ حل واحد مكرر</p> |
| <p>11) $5r^2 - 44r + 120 = -30 + 11r$
 $\rightarrow \frac{5r^2}{5} - \frac{55r}{5} + \frac{150}{5} = \frac{0}{5}$
 $\rightarrow r^2 - 11r + 30 = 0$
 $\rightarrow (r-6)(r-5) = 0$
 $\rightarrow r-6=0 \rightarrow r=6$
 $\rightarrow r-5=0 \rightarrow r=5$</p> | <p>12) $3r^2 - 16r - 7 = 5 \rightarrow 3r^2 - 16r - 12 = 0$
 $\rightarrow (r-\frac{18}{3})(r+\frac{2}{3}) = 0$
 $\rightarrow (r-6)(r+\frac{2}{3}) = 0$
 $\rightarrow r-6=0 \rightarrow r=6$
 $\rightarrow r+\frac{2}{3}=0 \rightarrow r=-\frac{2}{3}$</p> |

السؤال الثاني: أحل كلاً من المعادلات الآتية باستعمال القانون العام؟

1) $2x^2 + 12x = -5 \rightarrow 2x^2 + 12x + 5 = 0$ $a=2, b=12, c=5$ $\rightarrow \Delta = (12)^2 - 4(2)(5)$ $\rightarrow \Delta = 144 - 40 = 104 > 0$ $\rightarrow x = \frac{-12 \pm \sqrt{104}}{4}$	2) $2x^2 = 30 + 7x \rightarrow 2x^2 - 7x - 30 = 0$ $a=2, b=-7, c=-30$ $\rightarrow \Delta = (-7)^2 - 4(2)(-30)$ $= 49 + 240 = 289 > 0$ $\rightarrow x = \frac{7 \pm \sqrt{289}}{4}$
3) $5m^2 + m = 1 \rightarrow 5m^2 + m - 1 = 0$ $a=5, b=1, c=-1$ $\rightarrow \Delta = (1)^2 - 4(5)(-1)$ $= 1 + 20 = 21$ $\rightarrow m = \frac{-1 \pm \sqrt{21}}{10}$	4) $3x^2 - 2x + 5 = 10x + 1$ $\rightarrow 3x^2 - 12x + 4 = 0$ $a=3, b=-12, c=4$ $\rightarrow \Delta = (-12)^2 - 4(3)(4) = 96 > 0$ $x = \frac{12 \pm \sqrt{96}}{6}$
5) $2x^2 + x + 5 = 0$ $a=2, b=1, c=5$ $\Delta = (1)^2 - 4(2)(5) = -39 < 0$ لا يوجد حل $\emptyset$	6) $4r^2 + 12r = -5 \rightarrow 4r^2 + 12r + 5 = 0$ $a=4, b=12, c=5$ $\rightarrow \Delta = (12)^2 - 4(4)(5) = 64 > 0$ $\rightarrow x = \frac{-12 \pm \sqrt{64}}{8}, x = \frac{-12 - \sqrt{64}}{8}$ $\rightarrow x = -\frac{1}{2}, x = -\frac{5}{4}$

السؤال الثالث: أحل كلاً من المعادلات الآتية بإكمال المربع؟

1) $5x^2 = 60 - 20x \rightarrow \frac{5x^2}{5} + \frac{20x}{5} = \frac{60}{5}$ $\rightarrow x^2 + 4x + 4 = 12 + 4$ $\rightarrow (x+2)^2 = 16$ $\rightarrow x+2 = 4, x+2 = -4$ $x = 2, x = -6$	2) $r^2 = 18r + 40 \rightarrow r^2 - 18r = 40$ $\rightarrow r^2 - 18r + 81 = 40 + 81$ $\rightarrow (r-9)^2 = 121$ $\rightarrow r-9 = 11, r-9 = -11$ $\rightarrow r = 20, r = -2$
3) $6x^2 - 48 = -12x \rightarrow \frac{6x^2}{6} + \frac{12x}{6} = \frac{48}{6}$ $\rightarrow x^2 + 2x + 1 = 8 + 1$ $(x+1)^2 = 9$ $\rightarrow x+1 = 3, x+1 = -3$ $x = 2, x = -4$	4) $2y^2 = -6 + 8a \rightarrow \frac{2y^2}{2} - \frac{8y}{2} = \frac{-6}{2}$ $\rightarrow y^2 - 4y + 4 = -3 + 4$ $\rightarrow (y-2)^2 = 1$ $\rightarrow y-2 = 1, y-2 = -1$ $y = 3, y = 1$
5) $x^2 - 6x = -91$ $x^2 - 6x + 9 = -91 + 9$ $(x-3)^2 = -82$ لا يوجد حل $\emptyset$	6) $x^2 + 2x = 8$ $x^2 + 2x + 1 = 8 + 1$ $(x+1)^2 = 9$ $\rightarrow x+1 = 3, x+1 = -3$ $x = 2, x = -4$

السؤال الرابع : أحل كلاً من المعادلات الآتية ؟

1) $x^4 + x^3 - 7x - 7 = 0$

$\rightarrow (x^4 + x^3) + (-7x - 7) = 0$

$\rightarrow x^3(x+1) - 7(x+1) = 0$

$\rightarrow (x^3 - 7)(x+1) = 0$

$\rightarrow x^3 - 7 = 0 \rightarrow x = \sqrt[3]{7}$

$\rightarrow x+1 = 0 \rightarrow x = -1$

3) $y^3 + y^2 + 2y + 2 = 0$

$\rightarrow (y^3 + y^2) + (2y + 2) = 0$

$\rightarrow y^2(y+1) + 2(y+1) = 0$

$\rightarrow (y+1)(y^2+2) = 0$

$y+1=0 \rightarrow y=-1$
 $y^2+2=0 \rightarrow \emptyset$

2) $x^3 + 3x^2 + 3x + 9 = 0$

$(x^3 + 3x^2) + (3x + 9) = 0$

$x^2(x+3) + 3(x+3) = 0$

$(x+3)(x^2+3) = 0$

$x+3=0 \rightarrow x=-3$

$x^2+3=0$
 $x^2 = -3$
لا يوجد حلاً

4) $x^3 + 11x^2 + 10x = 0$

$x(x^2 + 11x + 10) = 0$

$x(x+1)(x+10) = 0$

$\rightarrow x=0$

$x+1=0 \rightarrow x=-1$

$x+10=0$

$\rightarrow x=-10$

5) $5x^3 - 40x^2 + 60x = 0$

$\rightarrow 5x(x^2 - 8x + 12) = 0$

$\rightarrow 5x(x-2)(x-6) = 0$

$\rightarrow 5x=0 \rightarrow x=0$

$x-2=0 \rightarrow x=2$

$x-6=0 \rightarrow x=6$

6) $x^3 - 2x^2 + 4x - 8 = 0$

$(x^3 - 2x^2) + (4x - 8) = 0$

$x^2(x-2) + 4(x-2) = 0$

$(x-2)(x^2+4) = 0$

$\rightarrow x-2=0 \rightarrow x=2$

$x^2+4=0$ لا يوجد حلاً

7) $x^3 + 2x^2 + 5x + 10 = 0$

$\rightarrow (x^3 + 2x^2) + (5x + 10) = 0$

$\rightarrow x^2(x+2) + 5(x+2) = 0$

$\rightarrow (x^2+5)(x+2) = 0$

$\rightarrow x^2+5=0$ لا يوجد حلاً

$x+2=0 \rightarrow x=-2$

8) $t^2 + 3t - 12 = 6$

$\rightarrow t^2 + 3t - 18 = 0$

$\rightarrow (t+6)(t-3) = 0$

$t+6=0 \rightarrow t=-6$

$t-3=0 \rightarrow t=3$

9) $6x^2 - 5x - 24 = 0$

$\Delta = (-5)^2 - 4(6)(-24)$

$= 25 + 576 = 601 > 0$

$x = \frac{5 \pm \sqrt{601}}{12}$

10) $7r^2 - 14r = -7$

$\frac{7r^2}{7} - \frac{14r}{7} + \frac{7}{7} = 0$

$r^2 - 2r + 1 = 0$

$(r-1)(r-1) = 0$

$\rightarrow r-1=0$

$r=1$

11) $5r^2 - 44r + 120 = -30 + 11r$

$\rightarrow \frac{5r^2}{5} - \frac{55r}{5} + \frac{150}{5} = \frac{0}{5}$

$\rightarrow r^2 - 11r + 30 = 0$

$(r-5)(r-6) = 0$

$r-5=0 \rightarrow r=5$

$r-6=0 \rightarrow r=6$

12) $3r^2 - 16r - 7 = 5$

$\rightarrow 3r^2 - 16r - 12 = 0$

$\Delta = (-16)^2 - 4(3)(-12)$

$= 256 + 144 = 400$

$x = \frac{16 \pm \sqrt{400}}{6} = x = \frac{16+20}{6}, x = \frac{16-20}{6}$

$x=6$

$x=-\frac{4}{3}$

13) $18x^3 + 30x^2 + 3x + 5 = 0$

$\rightarrow (18x^3 + 30x^2) + (3x + 5) = 0$

$\rightarrow 6x^2(3x+5) + (3x+5) = 0$

$\rightarrow (6x^2+1)(3x+5) = 0$

$\rightarrow 3x+5=0 \rightarrow x = -\frac{5}{3}$

$\rightarrow 6x^2+1=0$ لا يوجد حلاً

14) $2x^3 - 4x^2 - 3x + 6 = 0$

$(2x^3 - 4x^2) + (-3x + 6) = 0$

$2x^2(x-2) - 3(x-2) = 0$

$(x-2)(2x^2-3) = 0$

$2x^2-3=0$

$\rightarrow x-2=0 \rightarrow x=2$

$2x^2=3$

$x^2=\frac{3}{2}$

$x = \pm \sqrt{\frac{3}{2}}$

15) $28x^3 - 7x = 0$

$7x(4x^2-1) = 0$

$7x(2x-1)(2x+1) = 0$

$\rightarrow 7x=0 \rightarrow x=0$

$2x-1=0 \rightarrow x=\frac{1}{2}$

$2x+1=0 \rightarrow x=-\frac{1}{2}$

16) $3x^4 - 300x^2 = 0$

$\rightarrow 3x^2(x^2-100) = 0$

$\rightarrow 3x^2(x-10)(x+10) = 0$

$\rightarrow 3x^2=0 \rightarrow x=0$

$x-10=0 \rightarrow x=10$

$x+10=0 \rightarrow x=-10$

17) $2x^4 - 9x^2 + 4 = 0$ $x^2 = r$ $\rightarrow 2r^2 - 9r + 4 = 0$ $(r - \frac{8}{2})(r - \frac{1}{2}) = 0$ $\rightarrow r = 4 \rightarrow r = \frac{1}{2}$ $x^2 = 4 \rightarrow x = \pm 2$ $x^2 = \frac{1}{2} \rightarrow x = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$	18) $5y^6 - 25y^3 + 30 = 0$ $r = y^3$ $5r^2 - 25r + 30 = 0$ $(r - \frac{10}{5})(r - \frac{15}{5}) = 0$ $\rightarrow r = 2, r = 3$ $y^3 = 2 \rightarrow y = \sqrt[3]{2}$ $y^3 = 3 \rightarrow y = \sqrt[3]{3}$
19) $x^4 - 2x^2 - 8 = 0$ $x^2 = u$ $\rightarrow (x^2)^2 - 2x^2 - 8 = 0$ $\rightarrow u^2 - 2u - 8 = 0$ $(u - 4)(u + 2) = 0$ $\rightarrow u = 4, u = -2$ $x^2 = 4 \rightarrow x = \pm 2$ $x^2 = -2$ لا يوجد حل	20) $x^6 - 3x^3 - 40 = 0$ $x^3 = r$ $\rightarrow r^2 - 3r - 40 = 0$ $(r - 8)(r + 5) = 0$ $r = 8, r = -5$ $x^3 = 8 \rightarrow x = 2$ $x^3 = -5 \rightarrow x = \sqrt[3]{-5}$

السؤال الخامس : أحلل كلاً مما يأتي ؟

1) $x^2 - 25$ $\rightarrow (x - 5)(x + 5)$	2) $9x^2 - y^2$ $\rightarrow (3x - y)(3x + y)$
3) $16x^2 - 9$ $\rightarrow (4x - 3)(4x + 3)$	4) $625 - x^4$ $\rightarrow (25 - x^2)(25 + x^2)$ $(5 - x)(5 + x)(25 + x^2)$
5) $(x + y)^2 - 16$ $(x + y - 4)(x + y + 4)$	6) $-x^2 + 100 \rightarrow 100 - x^2$ $(10 - x)(10 + x)$
7) $x^2 - 9x + 18$ $(x - 6)(x - 3)$	8) $t^2 - 18t + 72$ $(t - 12)(t - 6)$
9) $x^3 - 64$ $\rightarrow (x - 4)(x^2 + 4x + 16)$	10) $2r^3 - 54$ $2(r^3 - 27)$ $2(r - 3)(r^2 + 9r + 27)$
11) $x^3 + 1000$ $(x + 10)(x^2 - 10x + 100)$	12) $16x^4 - 250x$ $\rightarrow 2x(8x^3 - 125)$ $2x(2x - 5)(4x^2 + 10x + 25)$

السؤال السادس : أجب عن الأسئلة الآتية ؟

أجد قيمة w التي تجعل للمعادلة : $7r^3 - 14r^2 = -rw$ حلين حقيقيين فقط ؟

$$\rightarrow 7r^3 - 14r^2 - rw = 0$$

$$r(7r^2 - 14r - w) = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a=7, \quad b=-14, \quad c=w \\ \Delta=0 \text{ واحد} \\ 0 = (-14)^2 - 4(7)(w) \\ 0 = 196 - 28w \rightarrow w=7 \end{array} \right.$$

أجد قيمة w التي تجعل المقدار : $x^2 - 8x + w$ مربعًا كاملاً ؟

$$w = \left(-\frac{b}{2}\right)^2$$

$$w = \left(-\frac{8}{2}\right)^2 = 16$$

$$x^2 - 18x + 16$$

$$(x-4)^2$$

يمثل الأقتران $R(t) = 3t^2 - 16t + 38$ الإيراد السنوي (بالآلف دينار) لمشروع تجاري صغير بعد t عام من إنشائه، بعد كم سنة يصل إيراد المشروع الى 50 ألف دينار ؟

الحل

في الشكل المجاور ، مستطيل أبعاده : $(x^2 - 2x + 4)$ ، $(x + 2)$ جد :



(1) محيط المستطيل ؟ $\leftarrow 2(\text{العرض}) + 2(\text{الطول})$

(2) مساحة المنطقة المظلمة ؟ = مساحة المستطيل - (مساحة المثلث)

(3) مقدار مساحة المنطقة المظلمة عندما $x = 3$ ؟

$$= 2(x^2 - 2x + 4) + 2(x + 2)$$

$$= x^3 + 8$$

$$2 - \text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2}(x^2 - 2x + 4)(x + 2)$$

$$= \text{مساحة المنطقة المظلمة}$$

$$(x^3 + 8) - \frac{1}{2}(x^3 + 8) = \frac{1}{2}(x^3 + 8)$$

$$\frac{1}{2}(x^3 + 8) =$$

$$\text{مساحة المستطيل} = (x+2)(x^2 - 2x + 4) = x^3 + 8$$

(3) مساحة المنطقة المظلمة عندما $x = 3$ $\leftarrow \frac{1}{2}((3)^3 + 8)$

$$= \frac{35}{2}$$

السؤال السابع : اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي ؟

1- قيمة المقدار : $(199^2 - 99^2)$ تساوي :

- a) 199 b) 298 c) 99 d) 29800

2- إذا كان $(x - y) = 4$ ، $(x + y) = 6$ ، فإن قيمة المقدار : $x^2 - y^2$ تساوي :

- a) 2 b) 10 c) 24 d) 4

3- ما قيمة w التي تجعل المقدار : $x^2 - wx - 12$ قابلاً للتحليل ؟

- a) 13 b) 7 c) -3 d) -1

4- إذا كانت $x^2 - 5x + c = (x - 7)(x - 2)$ ، فإن قيمة c تساوي :

- a) 9 b) 14 c) -14 d) -9

5- ما قيمة w التي تجعل المقدار : $25x^2 + wx + 9$ مربعاً كاملاً ؟

- a) 15 b) 30 c) 225 d) 250

6- ما قيمة w التي تجعل المقدار : $wx^2 + 10x + 1$ مربعاً كاملاً ؟

- a) 5 b) 10 c) 25 d) -10

7- ما قيمة c التي تجعل المعادلة : $3x^2 + c = 10$ دون حل ؟

- a) 5 b) -20 c) -5 d) 20

8- ما عدد الحلول الحقيقية للمعادلة : $b^2 + 5b - 35 = 3b$ ؟

- a) 0 b) 1 c) 2 d) 3

9- ما عدد الحلول الحقيقية للمعادلة : $a^3 - 10a^2 + 25a = 0$ ؟

- a) 0 b) 1 c) 2 d) 3

10- ما قيمة مميز المعادلة التربيعية : $2r^2 = -6 + 8a$ ؟

- a) 16 b) 4 c) $\sqrt{40}$ d) $\sqrt{112}$

انتهت الاسئلة