

الدرس السادس: القسمة من دون باق

الضرب والقسمة

النتاج:
يقسم عدد من 3 منازل على الأكثر على عدد من منزلة أو منزلتين

السؤال الأول: جد ناتج القسمة في كل مما يأتي وتحقق من صحة الحل:

$$\begin{array}{r} \times 22 \\ 24 \overline{) 528} \\ \underline{-48} \\ 048 \\ \underline{-48} \\ 00 \end{array}$$

مضاعفات 24

24
48
72
96
120
144

$$\begin{array}{r} \times 25 \\ 14 \overline{) 350} \\ \underline{-28} \\ 070 \\ \underline{-70} \\ 00 \end{array}$$

مضاعفات 14

14
28
42
56
70
84
98

$$\begin{array}{r} 22 \\ \times 24 \\ \hline 088 \\ + 440 \\ \hline 528 \end{array}$$

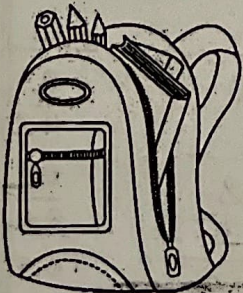
التحقق:

$$\begin{array}{r} 25 \\ \times 14 \\ \hline 100 \\ + 250 \\ \hline 350 \end{array}$$

التحقق:

السؤال الثاني: أراد سمير توزيع 570 حقيبة مدرسية على 15 مدرسة بالتساوي، ما نصيب المدرسة الواحدة من الحقائب؟

$$570 \div 15$$



مضاعفات 15

- | |
|-----|
| 15 |
| 30 |
| 45 |
| 60 |
| 75 |
| 90 |
| 105 |
| 120 |
| 135 |

$$\begin{array}{r} \times 38 \\ 15 \overline{) 570} \\ \underline{-45} \\ 120 \\ \underline{-120} \\ 000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 38 \\ \times 15 \\ \hline 190 \\ + 380 \\ \hline 570 \end{array}$$

التحقق:

الدرس السابع: القسمة مع باق

الضرب والقسمة

الناتج يقسم عدد من 3 منازل على الناتج: الأكثر عدد من منزلتين

السؤال الأول: جد ناتج القسمة فيما يأتي وتحقق من صحة الحل :

التحقق: الناتج $\times$ المقسوم عليه + الباقي

$$\begin{array}{r} 21 \\ \times 33 \\ \hline 63 \\ + 630 \\ \hline 3 + 693 \\ = 696 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 21 \\ 33 \overline{) 696} \\ \underline{- 66} \\ 036 \\ \underline{- 33} \\ 03 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 33 \\ 66 \rightarrow 36 \\ 99 \rightarrow 69 \\ 132 \\ 165 \end{array}$$

السؤال الثاني: في إحدى الحفلات بلغ عدد الحضور 156 شخصاً، أurdوا الجلوس على طاولات، إذا كانت

الطاولة الواحدة مخصصة لجلوس 14 شخص، ما عدد الطاولات اللازمة ليجلس جميع الحضور ؟

مضاعفات 14

$$\begin{array}{r} 11 \\ 14 \overline{) 156} \\ \underline{- 14} \\ 016 \\ \underline{- 14} \\ 02 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 14 \\ 28 \\ 42 \\ 56 \end{array}$$

يحتاج إلى 12 طاولة

لأن هناك 2 شخص

ليس لهم مكانه ويجب

وجود 12 طاولة

السؤال الثالث: إذا كان عدد الركاب في محطة الباص 288 راكباً، وكانت سعة الباص الواحد 21 راكباً، كم

باصاً نحتاج لنقل جميع الركاب ؟

$$\begin{array}{r} 13 \\ 21 \overline{) 288} \\ \underline{- 21} \\ 078 \\ \underline{- 63} \\ 15 \end{array}$$

مضاعفات 21

$$\begin{array}{r} 21 \\ 42 \rightarrow 28 \\ 63 \\ 84 \rightarrow 78 \\ 105 \\ 126 \end{array}$$

يحتاج 14 باص

لنقل الركاب



السؤال الأول: ابحث قابلية قسمة كل عدد مما يأتي على 4 مبينا السبب.

العدد	يقبل	لا يقبل	السبب
484	✓		$4 \div 84 = 21$ (الاحاد والعشرات تقبل لقسمة على 4 بدون باقية)
5426	✓		$26 \div 4 = 6$ هناك باقية (لا يقبل لقسمة على 4)

السؤال الثاني: ابحث قابلية قسمة كل عدد مما يأتي على 9 مبينا السبب.

العدد	يقبل	لا يقبل	السبب
1836	✓		$9 = 1 + 8 + 3 + 6$ (من مضاعفات 9)
2161	✓		$10 = 2 + 1 + 6 + 1$ (ليست من مضاعفات 9)

السؤال الثالث: ابحث قابلية قسمة كل عدد ما يأتي على 6 مبينا السبب.

العدد	يقبل	لا يقبل	السبب
354	✓		الاحاد زوجي (4) اذاً يقبل القسمة على 2 مجموع منازل العدد $12 = (3 + 5 + 4)$ من مضاعفات 3
530	✓		الاحاد (0) زوجي اذاً يقبل القسمة على 2 مجموع المنازل $8 = (5 + 3 + 0)$ ليست من مضاعفات 3

السؤال الرابع: أراد أحمد توزيع 244 قلم على 4 علب بالتساوي، فهل يستطيع ذلك؟ فسر إجابتك.

نبحث في قابلية قسمة $244 \div 4$ يستطيع ذلك اذا كان (الاحاد والعشرات من مضاعفات 4)

$$44 \div 4 = 11 \text{ بدون باقية}$$

السؤال الخامس: أرادت معلمة التربية الإسلامية توزيع 390 نسخة من القرآن الكريم على 9 مجموعات بحيث تأخذ كل مجموعة عدد متساوٍ من النسخ. هل يمكنها ذلك؟ فسر إجابتك



نبحث في قابلية قسمة 390 على 9

$$390 = 3 + 9 + 0 = 12 \text{ (ليست من مضاعفات 9)}$$

إذاً لا يمكن توزيعهم

تذكر

الأعداد الغير أولية: الأعداد التي لها أكثر من عاملين .

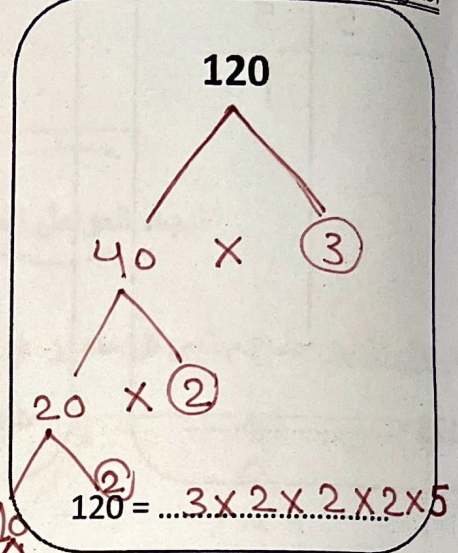
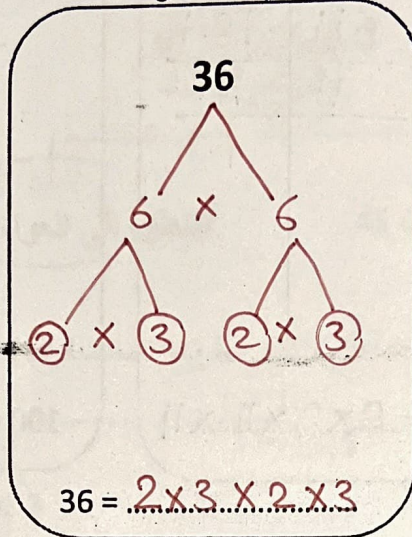
الأعداد الأولية: هي الأعداد التي لها عاملين فقط نفسها وواحد



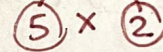
نشاط : من خلال شبكة الأعداد التي أمامك لون الأعداد الأولية :-

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

السؤال الأول: حلل الأعداد الآتية إلى عواملها الأولية بطريقة الشجرة: -



السؤال الثاني: حلل الأعداد الآتية إلى عواملها الأولية باستخدام القسمة المتكررة



2	88
2	44
2	22
11	11
	1

$88 = 2 \times 2 \times 2 \times 11$

5	150
5	30
2	6
3	3
	1

$150 = 5 \times 5 \times 2 \times 3$

2	48
2	24
2	12
2	6
3	3
	1

$48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$

5	125
5	25
5	5
	1

2	484
2	242
11	121
11	11
	1

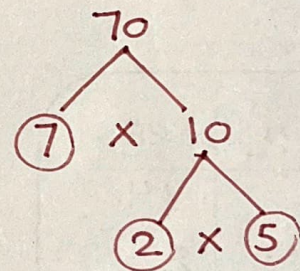
5	100
5	20
2	4
2	2
	1

$$484 = 2 \times 2 \times 11 \times 11$$

$$100 = 5 \times 5 \times 2 \times 2$$

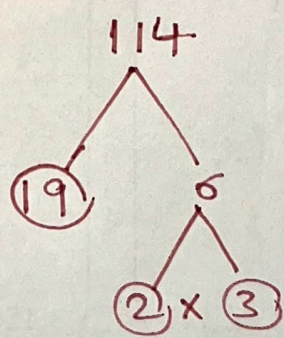
السؤال الثالث : إذا علمت أن كتلة أحمد 70 kg . أحلل العدد 70 إلى عوامله الأولية.

$$70 = 7 \times 2 \times 5$$



السؤال الرابع : عدد سور القرآن الكريم 114 سورة ، أحلل العدد 114 إلى عوامله الأولية.

2	114
3	57
19	19
	1



$$114 = 2 \times 3 \times 19$$



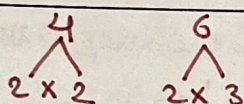
طرق إيجاد العامل المشترك الأكبر

التحليل إلى العوامل الأولية

إيجاد العوامل المشتركة

السؤال الأول: جد ع.م.أ بين كل عددين في كل مما يأتي: (اختر الطريقة المناسبة لك)

a) 4, 6

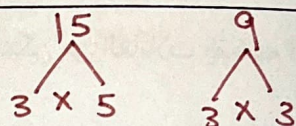


$$4 = 2 \times 2$$

$$6 = 2 \times 3$$

$$\text{إ.م.أ} = 2$$

b) 15, 9

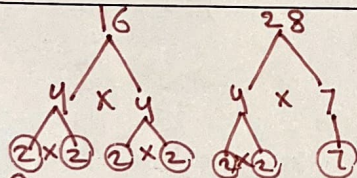


$$15 = 3 \times 5$$

$$9 = 3 \times 3$$

$$\text{إ.م.أ} = 3$$

c) 16, 28

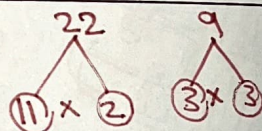


$$16 = 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$28 = 2 \times 2 \times 7$$

$$\text{إ.م.أ} = 2 \times 2 = 4$$

d) 22, 9

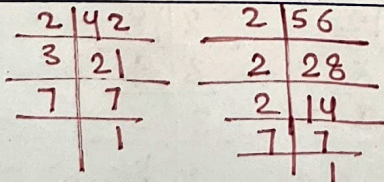


$$22 = 11 \times 2$$

$$9 = 3 \times 3$$

$$\text{إ.م.أ} = 1$$

e) 42, 56

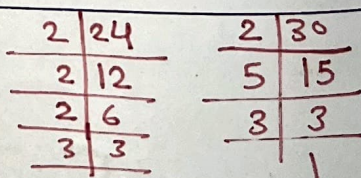


$$42 = 2 \times 3 \times 7$$

$$56 = 2 \times 2 \times 2 \times 7$$

$$\text{إ.م.أ} = 2 \times 7 = 14$$

f) 24, 30



$$24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

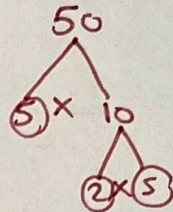
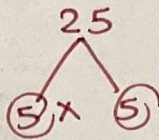
$$30 = 2 \times 3 \times 5$$

$$\text{إ.م.أ} = 2 \times 3 = 6$$

السؤال الثاني: سلكان من النحاس طول الأول 50 cm وطول الثاني 25 cm ، أراد آدم تقسيمها إلى قطع

متساوية في الطول ، ما أكبر طول ممكن لكل قطعة ؟

$$\begin{aligned} 50 &= 5 \times 2 \times 5 \\ 25 &= 5 \times 5 \\ \text{أ.م.ع} &= 5 \times 5 = 25 \text{ [cm]} \end{aligned}$$



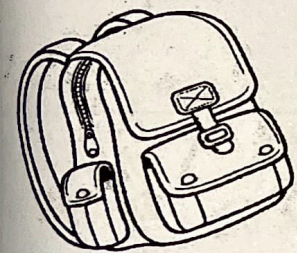
السؤال الثالث: يرغب علي بتوزيع 40 حقيبة مدرسية و 35 حذاء على عدد من العائلات الفقيرة ، بحيث

كل عائلة فقيرة العدد نفسه من الحقائب والأحذية ، ما أكبر عدد ممكن من العائلات يمكنهم الاستفادة من

مشروع علي ؟

$$\begin{array}{r|l} 5 & 35 \\ 7 & 7 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 40 \\ 2 & 20 \\ 2 & 10 \\ 5 & 5 \\ \hline & 1 \end{array}$$



$$\begin{aligned} 40 &= 2 \times 2 \times 2 \times 5 \\ 35 &= 5 \times 7 \\ \text{أ.م.ع} &= 5 \\ &\text{عائلة} \end{aligned}$$

السؤال الرابع: لدى ربي 18 علبة عصير و 12 فطيرة تفاح أراد تعبئتها في صناديق بحيث تضع في كل صندوق متساو ، ما أكبر عدد ممكن من الصناديق التي يمكن تعبئتها ؟

$$\begin{array}{r|l} 2 & 12 \\ 2 & 6 \\ 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 18 \\ 3 & 9 \\ 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 18 &= 2 \times 3 \times 3 \\ 12 &= 2 \times 2 \times 3 \\ \text{أ.م.ع} &= 2 \times 3 = 6 \\ &\text{صناديق} \end{aligned}$$

النتاج: يجد المضاعف المشترك الأصغر لعددتين

خصائص الأعداد

الدرس الرابع: المضاعف المشترك الأصغر

طرق إيجاد المضاعف المشترك الأصغر

التحليل إلى العوامل الأولية

إيجاد المضاعفات المشتركة

السؤال الأول: جد م.أ.م. للعددتين 6 ، 12 (اختر الطريقة المناسبة لك).

$$\begin{aligned}
 6 &= 3 \times 2 \\
 12 &= 3 \times 2 \times 2 \\
 \hline
 \text{أ.م.أ} &= 3 \times 2 \times 2 \\
 &= 12
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &12 \\
 &\swarrow \searrow \\
 &4 \times 3 \\
 &\swarrow \searrow \\
 &2 \times 2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &6 \\
 &\swarrow \searrow \\
 &3 \times 2
 \end{aligned}$$

م.أ.م. = 12

السؤال الثاني: جد م.أ.م. للعددتين 9 ، 8 (اختر الطريقة المناسبة لك).

$$\begin{aligned}
 8 &= 2 \times 2 \times 2 \\
 9 &= 3 \times 3 \\
 \hline
 \text{أ.م.أ} &= 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \\
 &= 72
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r}
 3 \overline{) 9} \\
 \underline{3} \\
 3 \\
 \underline{3} \\
 0
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 2 \overline{) 8} \\
 \underline{2} \\
 4 \\
 \underline{2} \\
 2 \\
 \underline{2} \\
 0
 \end{array}$$

م.أ.م. = 72

السؤال الثالث: جد م.أ.م. للعددتين 24 ، 14 (اختر الطريقة المناسبة لك).

14: 14, 28, 42, 56, 70, 84, 98, 112, 126, 140, 154, 168

24: 24, 48, 72, 96, 120, 144, 168

168 = أ.م.أ

م.أ.م. =

$$\begin{array}{r}
 2 \overline{) 24} \\
 \underline{2} \\
 2 \\
 \underline{2} \\
 0
 \end{array}$$

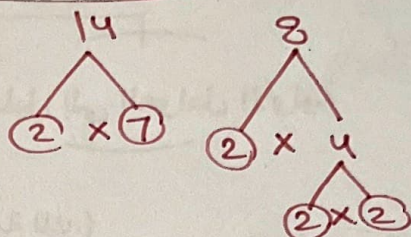
$$\begin{array}{r}
 2 \overline{) 14} \\
 \underline{2} \\
 7 \\
 \underline{7} \\
 0
 \end{array}$$

$$\begin{aligned}
 14 &= 2 \times 7 \\
 24 &= 2 \times 2 \times 2 \times 3 \\
 \hline
 \text{أ.م.أ} &= 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 7 \\
 &= 168
 \end{aligned}$$

السؤال الرابع: وضع تاجر لوحتين مضببتين على مدخل محله ، بحيث تضيء الأولى كل 8 ثوان وتضيء الثانية ثانية ، بعد كم ثانية تضيء اللوحتان معاً لأول مرة إذا ضغط على زر التشغيل في الوقت نفسه ؟

طريقة ١ { 8: 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56
14: 14, 28, 42, 56 }
 $56 = 1 \cdot 2 \cdot 7$

طريقة ٢ {
 $8 = 2 \times 2 \times 2$
 $14 = 2 \times 7$
 $1 \cdot 2 \cdot 7 = 2 \times 2 \times 2 \times 7$
 $= 56$



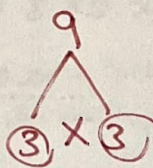
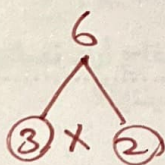
السؤال الخامس: تعمل حافلتان على خط النقل نفسه ، فإذا كانت الحافلة الأولى تتوقف كل 6 km ،

وتتوقف الثانية كل 9 km ، ما المسافة التي تقطعها كلتا الحافلتين لكي تلتقيان لأول مرة ، علمًا أنهما انطلقتا في الوقت نفسه من المحطة نفسها ؟

طريقة ١ { 6: 6, 12, 18, 24, 30
9: 9, 18, 27 }
 $18 = 1 \cdot 2 \cdot 3$



طريقة ٢



$6 = 2 \times 3$
 $9 = 3 \times 3$
 $1 \cdot 2 \cdot 3 = 2 \times 3 \times 3$
 $= 18$